

ALGORITHMIQUE REPARTIE LES COMMUNICATIONS

Chargée de cours: Lélia Blin

Transparents: <http://www-npa.lip6.fr/~blin/Enseignements.html>

Email: lelia.blin@lip6.fr



Lélia Blin

Université d'Evry

DIFFUSION

- Nous allons nous intéresser dans ce cours
 - Aux protocoles de communications
 - En particulier la diffusion
 - Un site donné envoie un message
 - vers tous les autres sites

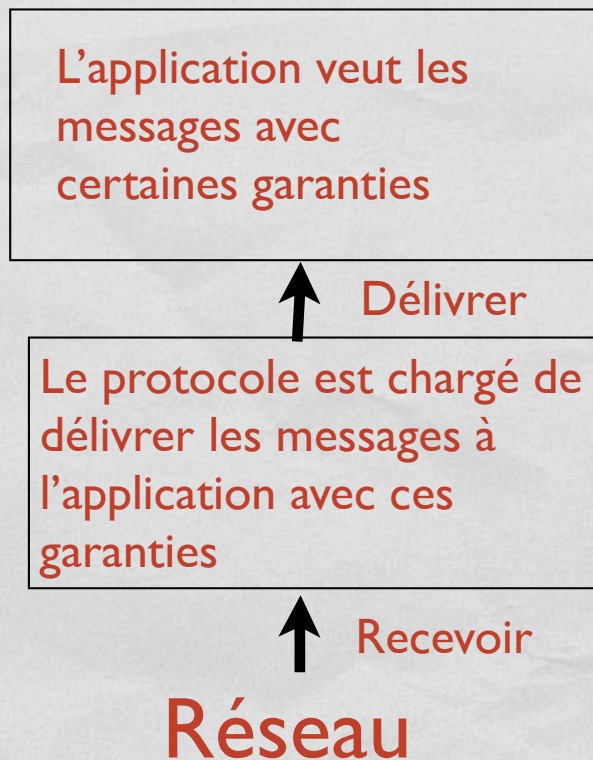
DIFFUSION

- La diffusion est très largement utilisée
 - mise à jour de caches
 - envoie de résultat partiel
 - envoie d'information

PROTOCOLE DE DIFFUSION

- Sert à fournir à une application un service fiable
- Il doit gérer
 - les réceptions
 - et envois de messages avec le réseau
- Il sert de filtre entre le réseau et l'application

DIFFUSION



PROTOCOLE DE DIFFUSION

- Lorsque le protocole
 - est sûr qu'un message donné est «bon»
 - il utilise la primitive **Délivrer**
 - pour faire passer l'information à l'application
- Il peut y avoir un décalage entre
 - le moment où le site reçoit un message
 - et où l'application prend en compte le message

Diffusion asynchrone en cas de pannes de sites



PROTOCOLE DE DIFFUSION

- A partir d'un site p donné
- Dans un réseau physique complet
- Dans lequel les sites peuvent tomber en panne
- Soit V l'ensemble de tous les sites
- et $S_0 = \{q_1, q_2, \dots, q_t\}$ un sous-ensemble de sites ($S_0 \subset V$)
- Ce sous-ensemble de sites est nommé **sites relais**

LA PROCÉDURE POUR $P \notin S_0$

Procédure diffuser (M)

Envoyer ($\langle M \rangle$) à q_1, q_2, \dots, q_t dans cet ordre

Pour tout ($q \in V - S_0 - \{p\}$) faire

Envoyer ($\langle M \rangle$) à q

LA PROCÉDURE POUR TOUT SITE Q

Lors de la réception de $\langle M \rangle$

si $(q \in S_0)$ alors /* Supposons que $q = q_k^*$ */

si $(k < t)$ alors

Envoyer $\langle M \rangle$ à q_{k+1}, \dots, q_t dans cet ordre

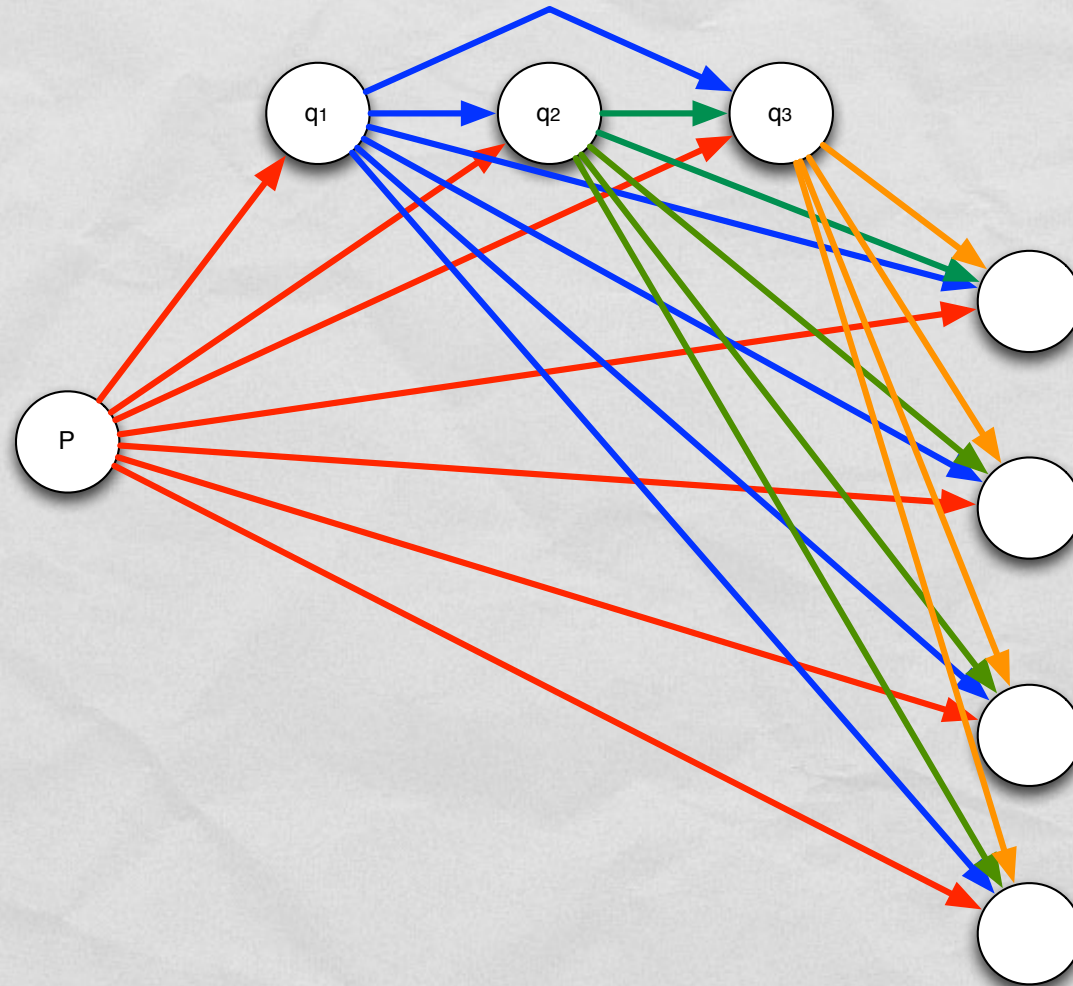
Pour tout $(r \in V - S_0 - \{p\})$ faire

Envoyer $\langle M \rangle$ à r

Accepter (M) ;

Sinon Accepter (M) ;

EXEMPLE



REDONDANCE

- On voit dans cet exemple qu'un site va recevoir plusieurs fois le message
 - $|S_0| + |\{p\}|$ fois si il n'y a pas de panne
- Pour simplifier on supposera ici que
 - la fonction **Accepter** ne délivre à l'application qu'un seul exemplaire de chaque message diffusé par p

PANNE(S)

- On appelle ici panne d'un site
 - l'arrêt soudain de se site
 - lorsque un site est en panne il ne fait plus rien
 - cet arrêt est définitif

GARANTIE

- Comment se déroule l'algorithme lorsqu'il y a une panne?
- Lorsqu'il y a s pannes?
- Que peut-on garantir?

POUR UNE SEULE PANNE

- Si p qui tombe en panne
 - si il a eu le temps d'envoyer au moins un message
 - alors tous les autres sites le recevront
 - sinon personne ne le reçoit
- C'est le principe du tout ou rien
- Si $q \in S_0$ tombe en panne tous les sites vont recevoir le message

POUR PLUSIEURS PANNES

Lemme: Le protocole de diffusion proposé ne peut vérifier le principe du tout ou rien avec la présence de plus de t pannes

- **Preuve:** Examinons la situation suivante
 - p envoie son message à q_1 et tombe en panne
 - q_1 envoie son message à q_2 et tombe en panne
 - q_2 envoie son message à q_3 et tombe en panne
 - ...
 - q_{t-1} envoie son message à q_t et tombe en panne
 - q_t envoie son message à $r \in V - S_0 - \{p\}$ et tombe en panne
 - D'après l'algo r accepte le message et ne fait plus rien
 - Ainsi avec $t+1$ pannes il y a un site valide qui a accepté le message mais pas les autres
 - Le principe du tout ou rien n'est pas respecté

COMPLEXITÉ EN NOMBRE DE MESSAGES

- Complexité lorsqu'il n'y a pas de panne
 - le site p envoie $n-1$
 - chaque site q_i envoie
 - $t-i+n-(t+1)=n-i-1$ messages
 - Les sites de $V-S_0-\{p\}$ n'envoient pas de messages
 - Il y a donc
 - $n-1 + \sum_{(i=1 \text{ à } t)} n-i-1$
 - $= n-1 + t(n-1) - (t(t+1)/2)$
 - $= (t+1)(n-1-t/2)$ messages

Diffusion respectant l'ordre FIFO des messages



ORDRE FIFO DES MESSAGES

- Réseau asynchrone à n sites
- On supposera que les communications
 - entre deux sites
 - ne respectent pas l'ordre FIFO
 - que le temps d'acheminement est fini mais quelconque
 - On considère la diffusion par un site p
 - On veut créer un protocole de diffusion respectant l'ordre FIFO

ORDRE FIFO DES MESSAGES

- p va numéroter chaque message créé
- p va diffuser ce message avec ce numéro
 - *numéro d'envoi* ou *numéro de séquence*
- p a une variable locale num_envoi_p
 - c'est le numéro du dernier message diffusé par p

ORDRE FIFO DES MESSAGES

- Tous les autres sites i
 - ont une variable d'attente
 - dont la valeur doit correspondre au numéro d'envoi
 - pour que le message soit délivrer

PSEUDO-CODE POUR P

Initialisation:

$num_envoi_p := 0$

Procédure diffuser(M)

$num_envoi_p := num_envoi_p + 1$

pour tout ($x_p \in V - \{p\}$) faire

Envoyer ($\langle M, num_envoi_p \rangle$) à x_p

CODE DU SITE /

Initialisation:

$seq_i := 1$

Lors de la reception de $\langle M, num_envoi_M \rangle$ de p

Stoker(M)

Attendre($num_envoi_M = seq_i$)

Délivrer (M)

$seq_i = seq_i + 1$

Détruire(M)

INCONVÉNIENTS DU PROTOCOLE

- Un site i
 - peut avoir à stocker beaucoup de messages
 - avant de pouvoir les délivrer
 - utilisation de beaucoup d'espace mémoire
 - Ex: si les messages arrivent dans l'ordre inverse d'envoi

INCONVÉNIENTS DU PROTOCOLE

- Si il y a perte d'un seul message
 - le protocole peut être bloqué
- Le numéro de séquence des messages
 - croît au delà de toute limite raisonnable
 - si p diffuse beaucoup de message
- problème de la taille des messages

SOLUTIONS

- On peut mettre en place
 - un système d'accusé de réception
 - ou d'acquiescement dans une fenêtre t fixée

SOLUTIONS

- Dans ce système le site p
 - fait au plus t diffusion de suite
 - avant de recevoir des acquittements
 - chaque fois qu'un site i
 - a pu délivrer un message
 - il envoie un acquittement à p
 - comprenant le numéro de message acquitté
- Lorsque p a reçu les acquittement de tous les sites
 - pour les derniers messages envoyés non encore acquittés
 - il peut continuer à diffuser

Diffusion respectant l'ordre causal



DIFFUSION RESPECTANT L'ORDRE CAUSAL

- Le système est composé de n sites
- Qui font des diffusions à n'importe quel moment
- On supposera le modèle
 - Sans panne
 - Avec un délais non bornés d'acheminement des messages
 - Des messages qui ne respecte pas forcément l'ordre FIFO

BUT

- Le but est de proposer
 - Un protocole qui permet à une application de
 - Recevoir les messages diffusés
 - Avec la garantie que les messages soient délivrées
 - Dans l'ordre induit par l'ordre causal.

PROTOCOLE

- On va construire ce protocole avec
 - Envoyer
 - Délivrer
 - Recevoir
- On va supposer qu'envoyer n-1 message
 - se fait en une seule opération atomique

PROTOCOLE

- Prenons m_1 et m_2 deux messages délivrés à P_i
- Si on a $\text{Envoyer}(m_1) \rightarrow \text{Envoyer}(m_2)$
- Alors on veut qu'en P_i on ait
 - $\text{Délivrer}(m_1) \rightarrow \text{Délivrer}(m_2)$

PRÉCÉDENCE IMMÉDIATE DE MESSAGES

- si m_1 et m_2 sont deux messages, on dira
 - m_1 précède immédiatement m_2
 - ou $m_1 \rightsquigarrow m_2$
- si
 - $\text{Envoyer}(m_1) \rightarrow \text{Envoyer}(m_2)$
 - $\nexists m_3$ tel que
 - $\text{Envoyer}(m_1) \rightarrow \text{Envoyer}(m_3)$
 - et $\text{Envoyer}(m_3) \rightarrow \text{Envoyer}(m_2)$

PRÉCÉDENCE IMMÉDIATE DES MESSAGES

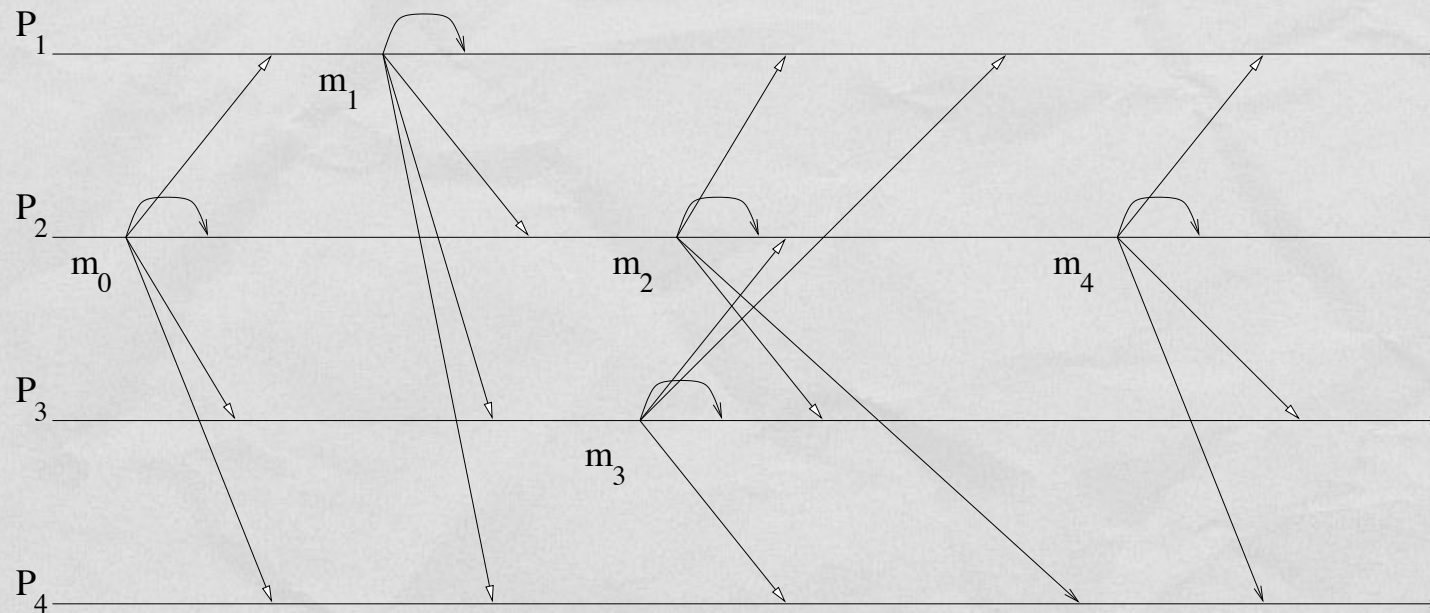


FIG. 3.3 – 5 diffusions.

GRAPHE DE PRÉCÉDENCE IMMÉDIATE

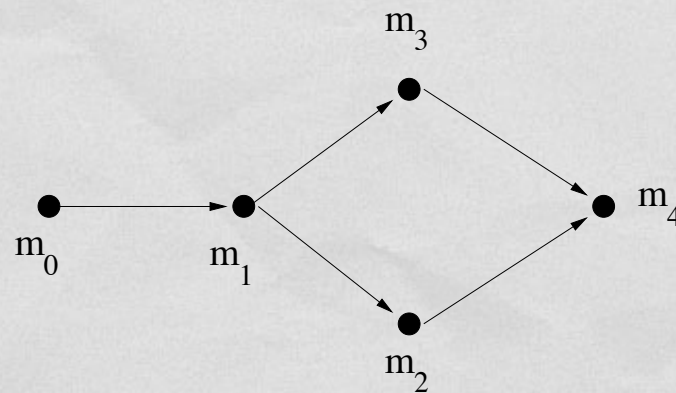


FIG. 3.4 – *Graphe de précedence immédiate des messages de la figure 3.3.*

PROTOCOLE

- On numérottera chaque site de 1 à n
- Chaque site P_i a
 - une variable locale:
 - num_envoi_i
 - Un tableau à n cases
 - $DEL_i[j]$
 - $DEL_i[j]=d$
 - le dernier message diffusé à partir de P_j et délivré à P_i avait le numéro d

PROTOCOLE SUITE

- Chaque message M sera identifié par la paire
 - (id, num)
 - id est l'identifiant de l'expéditeur
 - num le numéro du message
- Chaque message transportera aussi
 - un ensemble CB_M (Barrière causale)
 - composé des identificateurs des messages
 - qui précèdent immédiatement M

PRISE EN COMPTE DES CONTRAINTE DE PRÉCÉDENCE

- Lorsqu'un site P_i reçoit un message M avec de telles données
- Sous quelles condition peut-il délivrer M
- En prenant en compte les contraintes de précédence immédiates?

PRISE EN COMPTE DES CONTRAINTES DE PRÉCÉDENCE

- La condition est:
 - $\forall (k,d) \in CB_M: d \leq DEL_i[k]$
- Cela exprime que
 - Toutes les prédécesseurs immédiats de M
 - ont déjà été délivrer

PSEUDO-CODE DU PROTOCOLE

Initialisation:

$num_envoi_i := 0$

$CB_i := \emptyset$

Procédure diffuser(M):

num_envoi_i++

Pour tout $(x_i \in V)$ faire

Envoyer($\langle M, num_envoi_i, CB_i \rangle$) à x_i

$CB_i := (i, num_envoi_i)$

Lors de la réception de $\langle M, num_envoi_i, CB_M \rangle$ de P_j

Attendre($\forall (k, d) \in CB_M: d \leq DEL_i[k]$)

$DEL_i[j] := num_M$

$CB_i := CB_i - CB_M \cup \{(j, num_M)\}^*$

Delivrer(M)

Rm: Le stockage et la destruction ne sont pas indiqués ici mais sont implicites

* A faire de façon atomique

LEMME

Soit m_0 identifié par (k_0, d_0) et m_1 tels que $m_0 \rightarrow m_1$ alors $(k_0, d_0) \in CB_{m_1}$

PREUVE

- Soit P_i l'envoyeur de m_1 .
- Comme $m_0 \rightarrow m_1$ deux cas doivent être considérés.
 - m_0 a été délivré à P_i
 - m_0 a été envoyé à P_i
- Dans les deux cas
 - P_i met à jour CB_i (voir algorithme) en prenant compte de m_0 .
- La délivrance d'un message m' entre m_0 et l'envoi de m_1 soit ne change rien soit est impossible (car $m_0 \rightarrow m_1$).

THÉORÈME

Les délivrances de messages respectent l'ordre causal

PREUVE

- Considérons deux messages m_0 et m_x tels que:
 - **Envoyer**(m_0) \rightarrow **Envoyer**(m_x)
 - et m_0 et m_1 sont délivrés à P_i
- Il faut montrer que m_0 est délivré avant m_x en P_i .

PREUVE PAR RÉCURRENCE

- On montre cela par **récurrence**
 - sur la longueur L du chemin entre m_0 et m_x
 - dans le graphe des précédence immédiate des messages.
- **Cas de base:**
 - si $L=1$, $m_0 \rightarrow m_x$
 - et d'après le résultat du lemme précédent, $m_0 \in CB_x$.
 - Or P_i va attendre d'avoir délivré m_0
 - avant de délivrer m_x
 - c'est l'attente de l'algorithme lors de la réception de m_x .

PREUVE PAR RÉCURRENCE

- **Hypothèse de récurrence:**
 - lorsque le chemin de causalité est de longueur strictement inférieure à $L \geq 2$,
 - les contraintes de précédence sont respectées.

PREUVE PAR RÉCURRENCE

- Considérons maintenant
 - un chemin de longueur L de m_0 à m_x :
 - $m_0 \rightarrow m_1 \rightarrow \dots \rightarrow m_{L-1} \rightarrow m_x$
- Ainsi par hypothèse:
 - tous les messages m_0, m_1, \dots, m_{L-1} délivrés à P_i
 - le sont suivant l'ordre causal.

PREUVE PAR RÉCURRENCE

- Le message m_L est délivré à P_i .
- Comme $m_{L-1} \rightarrow m_x$,
 - m_{L-1} est délivré avant m_x (c'est le cas de base).
- De plus, comme par hypothèse de récurrence on a
 - $m_0 \rightsquigarrow m_1 \rightsquigarrow \dots \rightsquigarrow m_{L-1}$
 - m_0 est délivré avant m_{L-1} .
- Ainsi m_0 est délivré avant m_x en P_i .

