

# Programmation Logique et Par Contraintes Avancée

## Cours 7 – Blocages de Propagateurs et Recherche Multidimensionnelle

Ralf Treinen



Université Paris Diderot  
UFR Informatique  
IRIF, équipe PPS

treinen@irif.fr

18 février 2019

## Modes

- ▶ Le mode peut être ?, +, \*, \$, ou rien
- ▶ Le mode indique le comportement de *synchronisation* de la procédure :
  - ▶ Le mode ? indique qu'il s'agit d'un *résultat*
  - ▶ Le mode + indique que l'argument doit être suffisamment déterminée, sinon la procédure suspend.
  - ▶ Le mode \* indique que l'argument doit avoir un domaine fini (ou même être une valeur entière)
  - ▶ Tous les arguments avec mode \$, sauf éventuellement un, doivent avoir un domaine fini.

## Types

- ▶ Dans la documentation de Oz, les noms utilisés pour des arguments de procédures indiquent leur *type* et leur *mode* attendus.
- ▶ Le type est en vérité le type attendu de la valeur (car Oz n'est pas statiquement typé), notamment

lettre	type	lettre	type
I	entier	B	booléen
R	record	P	procédure
X	n'importe		
s final	liste	v final	vecteur

- ▶ Exemple :

```
{List.length +Xs ?I}
```

## Exemples (mod1.oz)

```
% Problème : pas de propagateur !
declare
proc {D L}
  X Y Z
in
  L=X#Y
  [X Y]:::1#9
  Z:::2#4
  X mod Z = Y
  {FD.distribute ff [X Y Z]}
end

{Browse {SearchAll D}}
% donne simplement une paire de deux domaines
```

## Analyse : mod1.oz

- ▶ On a donné tous les domaines initiaux qu'il faut.
- ▶ On a mis le bon `FD.distribute`
- ▶ Le problème est l'appel à `mod`. Regardons ce qui dit la doc (Oz Base Environment, 4.2 Integers) :  

```
{Int.'mod' +I1 +I2 ?I3}
```
- ▶ Donc l'appel à `mod` suspend car les deux premiers arguments sont des domaines et pas des entiers.

## Exemples (mod3.oz)

```
% Ca bloque où exactement ?  
declare  
proc {D L}  
  X Y Z  
in  
  [X Y]:::1#9  
  Z:::2#4  
  {FD.modI X Z Y}  
  L=X#Y  
  {FD.distribute ff [X Y Z]}  
end  
  
{Browse {SearchAll D}}  
% donne une variable non-déterminée
```

## Exemples (mod2.oz)

```
% Toujours Blocage!  
  
declare  
proc {D L}  
  X Y Z  
in  
  L=X#Y  
  [X Y]:::1#9  
  Z:::2#4  
  {FD.modI X Z Y}  
  {FD.distribute ff [X Y Z]}  
end  
  
{Browse {SearchAll D}}
```

## Propagateurs qui peuvent suspendre

Voir la documentation Oz : *System Modules*, Section 5.11  
*Miscellaneous Propagators* :

- ▶ le propagateur pour `+` : `{FD.plus $D1 $D2 $D3}`
- ▶ le propagateur pour `mod` : `{FD.modI $D1 +I $D2}`  
suspend quand le diviseur n'est pas une valeur déterminée!
- ▶ Solutions possibles :
  - ▶ énumérer avant de tester avec `div` et `mod`
  - ▶ utiliser des propagateurs pour la multiplication pour exprimer la division avec reste.

## Exemples (mod4.oz) |

```
% Énumérer pour éviter le blocage ?
declare
proc {D L}
  X Y Z
in
  L=X#Y
  [X Y]:::1#9
  Z:::2#4
  {FD.distribute ff [Z]}
  X mod Z = Y
  {FD.distribute ff [X Y]}
end

{Browse {SearchAll D}}
% donne trois paires de domaines
```

## Exemples (mod6.oz) |

```
% Solution alternative avec propagateurs pour addition et multiplication
declare
proc {D L}
  X Y Z
in
  L=X#Y [X Y]:::1#9 Z:::2#4
  local P1 P2 in
    [P1 P2]:::0#9
    P1 * Z =: P2
    P2 + Y =: X
    Y <: Z
  end
  {FD.distribute ff [X Y Z]}
end

{Browse {SearchAll D}}
```

## Exemples (mod5.oz) |

```
% Il faut quand même un propagateur !
declare
proc {D L}
  X Y Z
in
  L=X#Y
  [X Y]:::1#9
  Z:::2#4
  {FD.distribute ff [Z]}
  {FD.modI X Z Y}
  {FD.distribute ff [X Y]}
end

{Browse {SearchAll D}}
% marche !
```

## Exemples (domain.oz) |

```
declare X Y
{Browse [X Y]}

X :: 1#10

Y :: X#10 % bloque, attend la valeur de X

X = 5      % maintenant Y a son domaine
```

## Propagateurs pour la diségalité

- ▶ Reference Manual *System Modules*, chapitre 5 *Finite Domain Constraints*, section 5.8 *Symbolic Propagators*.
- ▶ `{FD.distinct *Dv}`  
All elements in `Dv` are pairwise distinct.
- ▶ `{FD.distinctOffset *Dv +Iv}`  
All sums  $D_j + I_j$  are pairwise distinct.

## Exemples (queens.oz) II

```
end  
  
{Browse {SearchAll {Queens 8}}}  
{ExploreOne {Queens 8}}
```

## Exemples (queens.oz) I

```
% N Queens  
  
declare  
fun {Queens N}  
  proc {$ Row}  
    L1N={MakeTuple c N}  
    LM1N={MakeTuple c N}  
  in  
    {FD.tuple queens N 1#N Row}  
    {For 1 N 1 proc {$ I}  
      L1N.I=I LM1N.I=~I  
    end}  
    {FD.distinct Row}  
    {FD.distinctOffset Row LM1N}  
    {FD.distinctOffset Row L1N}  
    {FD.distribute generic(value:mid) Row}  
  end  
end
```

## AtMost, AtLeast, Exactly

- ▶ Reference Manual *System Modules*, chapitre 5 *Finite Domain Constraints*, section 5.8 *Symbolic Propagators*.
- ▶ `{FD.atMost *D *Dv +I}`  
`{FD.atLeast *D *Dv +I}`  
`{FD.exactly *D *Dv +I}`
- ▶ le premier argument doit être un domaine fini (ou un entier) ;  
▶ le deuxième argument doit être un vecteur de domaines finis ;  
▶ le troisième argument doit être un entier.
- ▶ At most, at least, exactly D elements of `Dv` are equal to `I`.

## Exemples (exactly.oz)

```
declare L N in
{FD.list 5 1#10 L}
N::0#20
{Browse L}
{Browse N}

{FD.exactly N L 8}

{Nth L 1} <: 5
{Nth L 2} <: 5
```

## Exemple : Emploi du temps d'un colloque

- ▶ On veut faire l'emploi du temps pour un colloque.
- ▶ L'emploi du temps va consister en plusieurs créneaux. Une session occupe toute la durée d'un créneau, mais on peut a priori avoir plusieurs sessions en parallèle.
- ▶ Donné : un nombre de sessions, nombre max de sessions en parallèle
- ▶ On cherche une solution qui occupe un nombre minimal de créneaux
- ▶ Contrainte possible pour une session  $n$  : doit être avant une autre session  $m$ , ou ne doit pas être en parallèle avec une autre session  $m$ .

## Exemples (atleast.oz)

```
% Propagators FD.atLeast

declare L in
{FD.list 5 1#10 L}
{Browse L}

{Nth L 1} <: 5
{Nth L 2} <: 5

{FD.atLeast 3 L 8}
```

## Exemples (colloque1.oz) I

```
declare
Colloque =
  data(nbSessions:11  nbParSessions:3
      constraints: [ before(4 11)  before(5 10)
                    before(6 11)
                    disjoint(1 [2 3 5 7 8 10])
                    disjoint(2 [3 4 7 8 9 11])
                    disjoint(3 [5 6 8])
                    disjoint(4 [6 8 10])
                    disjoint(6 [7 10])
                    disjoint(7 [8 9])
                    disjoint(8 [10]) ] )
```

## Solution pour le colloque

- ▶ Recherche en deux dimensions : nombre de créneaux d'abord, puis affectation des créneaux aux sessions
- ▶ Propagateur pour imposer qu'au plus M variables du vecteur V ont la valeur X :

```
{FD.atMost M V X}
```

## Exemples (colloque2.oz) I

```
declare  
fun {Conference Data}  
  NbSessions      = Data.nbSessions  
  NbParSessions  = Data.nbParSessions  
  Constraints     = Data.constraints  
  MinNbSlots     = NbSessions div NbParSessions  
in  
  proc {$ Plan}  
    NbSlots = {FD.int MinNbSlots#NbSessions}  
  in  
    {FD.distribute naive [NbSlots]}  
    {Browse NbSlots}  
    %% Plan: Session --> Slot  
    {FD.tuple plan NbSessions 1#NbSlots Plan}  
    %% at most NbParSessions per slot  
    {For 1 NbSlots 1  
      proc {$ Slot} {FD.atMost NbParSessions Plan Slot} end}
```

## L'exemple Colloque

Cet exemple montre plusieurs choses :

- ▶ Le script engendre les propagateurs à partir des données.
- ▶ Recherche multi-dimensionnelle. Faire attention à l'ordre dans lequel on distribue.
- ▶ En occurrence : `FD.int` suspend quand les bornes inférieurs et supérieurs ne sont pas des entiers !

## Exemples (colloque2.oz) II

```
%% impose constraints  
{ForAll Constraints  
  proc {$ C}  
    case C  
    of before(X Y) then  
      Plan.X <: Plan.Y  
    [] disjoint(X Ys) then  
      {ForAll Ys proc {$ Y} Plan.X \=: Plan.Y end}  
    end  
  end}  
{FD.distribute ff Plan}  
end  
  
{Browse {SearchOne {Conference Colloque}}}
```